深入理解并实现基本的深度优先搜索(DFS)算法

杨其臻

Oct 28, 2025

想象你身处一个迷宫,面前有多条岔路。你没有地图,只有一个目标:找到出口。这时,你有两种策略可以选择。策略一称为广度优先搜索,它要求你把所有岔路口都标记一下,然后一个个路口轮流去探索一步。策略二则截然不同,它让你选择一条路,一头扎到底,直到走到死胡同或者找到出口。如果走不通,就退回上一个岔路口,换另一条没走过的路继续深入。这种策略二正是我们今天要深入探讨的深度优先搜索(DFS)算法的核心思想。DFS 是一种用于遍历或搜索树或图数据结构的经典算法,它在计算机科学中有着广泛的应用。

1 DFS 的核心思想与算法流程

深度优先搜索(DFS)的官方定义是:一种用于遍历或搜索树或图数据结构的算法,它从根节点(或任意节点)开始,在回溯之前尽可能深地探索每一个分支。其核心思想可以概括为三个要素。第一是"不撞南墙不回头",即沿着一条路径一直向下走,直到无法继续。第二是"回溯",当无法继续前进时,退回一步(上一个节点),寻找其他未探索的路径。第三是递归与栈,这种"前进"与"回溯"的过程天然适合用递归或显式栈(Stack)来实现。

算法步骤的文字描述如下。首先,从起始节点开始,将其标记为"已访问"。接着,检查当前节点是否为目标节点。如果是,则搜索成功。如果否,则遍历当前节点的所有"未访问"的相邻节点。然后,对每一个相邻节点,递归地执行上述步骤。最后,如果所有相邻节点都已访问且未找到目标,则回溯到上一个节点。这个过程体现了DFS的深度优先特性,确保算法优先探索最深的路径。

2 图解 DFS: 遍历一棵树

为了直观理解 DFS,我们以遍历一棵简单的二叉树为例。假设二叉树有根节点 A,左子节点 B,右子节点 C,B 有左子节点 D 和右子节点 E,C 有左子节点 F。DFS 的遍历从根节点 A 开始,首先访问 A,然后深入左子树,访问 B,接着继续深入左子树,访问 D。由于 D 没有子节点,算法回溯到 B,然后访问 B 的右子节点 E。回溯到 A 后,再深入右子树,访问 C,然后访问 C 的左子节点 F。整个过程访问顺序为 A、B、D、E、C、F,这体现了前序遍历模式。通过这种文字描述,读者可以感受到 DFS"一路到底"的访问模式,无需依赖图像。

3 DFS 的两种实现方式

3.1 递归实现(最直观)

递归实现利用系统的函数调用栈来隐式地实现回溯,代码简洁直观。以下是一个 Python 示例代码框架。

3 DFS 的两种实现方式 **2**

```
def dfs_recursive(node, target, visited=None):
   if visited is None:
      visited = set() # 用于记录已访问节点,避免重复访问(图结构尤其重要)
   if node is None or node in visited:
      return None
   # 1. 访问当前节点
   visited.add(node)
   print(f"Visiting_node:_{lode.val}") # 执行访问操作
   if node.val == target:
      return node # 找到目标
   # 2. 递归地访问所有相邻节点(左子树、右子树)
   left_result = dfs_recursive(node.left, target, visited)
   if left_result is not None:
      return left_result
   right_result = dfs_recursive(node.right, target, visited)
   return right_result
```

代码解读:这个递归函数首先检查节点是否为空或已访问,如果是则返回。然后访问当前节点,标记为已访问,并检查是否为目标。如果不是,则递归调用左子树和右子树。递归过程自然地实现了"深入":当调用左子树时,函数会一直向左深入,直到叶子节点;然后通过返回机制实现"回溯",回到上一个节点继续探索右子树。使用visited 集合避免了重复访问,这在图结构中至关重要。

3.2 迭代实现(使用显式栈)

迭代实现使用一个栈数据结构来模拟递归过程,手动管理待访问的节点。以下是一个 Python 示例代码框架。

```
def dfs_iterative(start_node, target):
    if not start_node:
        return None

stack = [start_node] # 初始化栈,放入起始节点
    visited = set() # 记录已访问节点

while stack: # 栈不为空则继续
    node = stack.pop() # 弹出栈顶元素(关键步骤!)

if node in visited:
```

```
continue

# 访问当前节点
visited.add(node)
print(f"Visiting_node:_\[ \{ \text{node.val} \} "\)
if node.val == target:
return node # 找到目标

# !!! 注意: 为了保持与递归相同的左子树优先顺序,需要反向压入相邻节点
# 例如,先压入右子节点,再压入左子节点,这样左子节点会先被弹出
if node.right:
stack.append(node.right)
if node.left:
stack.append(node.left)

return None # 未找到目标
```

代码解读:这个迭代版本使用一个栈来存储待访问节点。循环中,每次弹出栈顶节点(后进先出原则),访问它并检查是否为目标。然后,将相邻节点压入栈中,但为了模拟递归的左子树优先顺序,需要先压入右子节点,再压入左子节点。这样,左子节点会在栈顶先被弹出,确保深度优先。栈的 LIFO 特性保证了算法总是优先探索最近添加的节点,从而实现深度优先搜索。这种方法避免了递归可能导致的栈溢出问题,适用于深度较大的场景。

4 从树到图: DFS 的应用扩展与关键点

当将 DFS 应用到图结构时,图的特殊性在于可能存在环。如果不记录已访问节点,算法会在环中无限循环,导致性能问题或死循环。关键挑战在于如何避免重复访问。解决方案是使用一个 visited 集合(或数组)来记录所有已访问过的节点,这在之前的代码中已经体现。代码调整方面,只需将遍历"左右子节点"的逻辑替换为遍历图的"邻接表"或"邻接矩阵",核心框架不变。例如,在图结构中,相邻节点可能通过列表或字典表示,DFS会递归或迭代地访问每个邻接节点,同时维护 visited 集合以防止循环。

5 DFS 的经典应用场景

深度优先搜索在多个领域有经典应用。在路径查找中,它可以用于解决迷宫问题或判断图中两点是否连通。拓扑排序是另一个重要应用,用于有向无环图(DAG),解决任务调度、编译顺序等问题。DFS 还能检测图中是否有环:在遍历过程中,如果遇到一个"已访问"且不是父节点的节点,则说明存在环。此外,在无向图中,一次DFS 可以遍历一个连通分量,用于计算图的连通性。更重要的是,DFS 是回溯算法的基石,解决 N 皇后、数独、组合求和等问题时,核心就是 DFS 加上剪枝策略,通过深度探索和回溯来寻找所有可能解。

6 DFS 的优缺点分析 **4**

6 DFS 的优缺点分析

深度优先搜索有其独特的优点和缺点。优点方面,实现简单,代码简洁,尤其是递归形式,易于理解和编写。对于深度很大但目标在深处的场景,DFS 可能比广度优先搜索(BFS)更快找到解,因为它优先探索深层路径。空间复杂度相对较低,主要取决于递归深度或栈的深度,在最坏情况下为 O(h) (树高)或 O(V) (图的节点数),其中 h 表示树的高度,V 表示节点数。缺点方面,DFS 不一定找到最短路径,这是 BFS 的优势,因为 DFS 可能先探索一条长路径而忽略更短的选项。如果搜索树深度无限,递归实现可能导致栈溢出,尤其是在编程语言中递归深度有限的情况下。在状态空间巨大且无解的情况下,DFS 可能会陷入"深度陷阱",性能不佳,因为它会一直深入直到回溯。

回顾 DFS 的核心,我们再次强调其"深度优先"和"回溯"的思想,这使它成为遍历树和图的高效工具。实现上,递归与迭代两种方式各有千秋,但都基于栈的原理。鼓励读者动手实践,例如在 LeetCode 等平台上尝试"二叉树的最大深度"或"路径总和"等题目,以加深对 DFS 的理解和应用。通过不断练习,读者可以掌握如何在不同场景下灵活运用 DFS。

7 附录与思考题

思考题一:如何修改 DFS 算法来记录并输出从起点到目标点的完整路径?这可以通过在递归或迭代过程中维护一个路径栈或列表来实现,每次访问节点时记录路径,回溯时移除节点。思考题二:在迭代实现的 DFS 中,如果希望访问顺序与递归实现完全一致,压栈顺序应该是怎样的?答案是先压入右子节点,再压入左子节点,以确保左子节点先被访问。相关阅读推荐广度优先搜索(BFS)算法,读者可以比较 DFS 与 BFS 的异同,进一步理解搜索策略的选择。